



1. Az $A_1A_2 \dots A_6$ konvex hatszög mindegyik belső szöge tompaszög. Az A_i középpontú k_i körök ($1 \leq i \leq 6$) úgy helyezkednek el, hogy k_1 kívülről érinti k_2 -t és k_6 -ot, k_2 kívülről érinti k_1 -et és k_3 -at, általában k_i kívülről érinti k_{i-1} -et és k_{i+1} -et. A k_1 -en található két érintési pontot összekötő egyenesnek és a k_3 -on található érintési pontokat összekötő egyenesnek a metszéspontját összekötjük A_2 -vel, ez lesz az e egyenes. Hasonlóan, a k_3 -on, illetve k_5 -ön levő érintési pontokat összekötő egyenesek metszéspontját összekötjük A_4 -gyel, ez lesz az f egyenes. Végül, a k_5 -ön, illetve k_1 -en található érintési pontokat összekötő egyenesek metszéspontját összekötjük A_6 -tal, ez lesz a g egyenes. Mutassuk meg, hogy e , f és g egy ponton mennek át.
2. Két játékos előtt egy-egy kavicskupac található, kezdetben mindkettőben k kavics van. Először az első játékos ezekhez hozzátesz összesen 2008 újabb kavicsot, az új kavicsokat tetszőlegesen oszthatja el a két kupac között (akár az összeset is az egyik kupacba teheti). Ezután a második játékos tesz hozzá a kupacokhoz összesen 2008 újabb kavicsot, és ugyanígy folytatják felváltva. Az nyer, akinek a kupacában (a saját vagy ellenfele lépése után) a kavicsok száma négyzetszám, míg ellenfele kupacára ez nem igaz (ha mindkét kupac ilyen, akkor a játékot folytatják). Van-e végtelen sok k -ra a második játékosnak nyerő stratégiája?
3. Mutassuk meg, hogy minden $1 < r < s < 2008/2007$ számokhoz vannak olyan (nem feltétlenül relatív prím) p és q pozitív egészek, hogy $r < p/q < s$, és sem a p , sem a q tízes számrendszerbeli felírásában nem szerepel a 0 számjegy.